

ЕГЭ 2012

Математика

В. А. Смирнов

Задача В9

Стереометрия: расстояния в пространстве

Рабочая тетрадь

учени _____

класса _____

школы _____

9

10

11

12

13

14

Под редакцией

А. Л. Семёнова и И. В. Ященко

Разработано МИОО

ГОТОВИМСЯ К ЕГЭ

В. А. Смирнов

ЕГЭ 2012. Математика

Задача В9

Стереометрия:
расстояния в пространстве

Рабочая тетрадь

Под редакцией А. Л. Семенова и И. В. Ященко

Москва
Издательство МЦНМО
2012

УДК 373:51
ББК 22.1я72
C50



Смирнов В. А.
C50 ЕГЭ 2012. Математика. Задача В9. Стереометрия: расстояния в пространстве. Рабочая тетрадь / Под ред. А. Л. Семенова и И. В. Ященко. — М.: МЦНМО, 2012. — 48 с.

ISBN 978-5-94057-859-8

Рабочая тетрадь по математике серии «ЕГЭ 2012. Математика» ориентирована на подготовку учащихся старшей школы для успешной сдачи Единого государственного экзамена по математике в 2012 году. В рабочей тетради представлены задачи по одной позиции контрольных измерительных материалов ЕГЭ-2012.

На различных этапах обучения пособие поможет обеспечить уровневый подход к организации повторения, осуществить контроль и самоконтроль знаний по теме «Стереометрия: расстояния в пространстве». Рабочая тетрадь ориентирована на один учебный год, однако при необходимости позволит в кратчайшие сроки восполнить пробелы в знаниях выпускника.

Тетрадь предназначена для учащихся старшей школы, учителей математики, родителей.

ББК 22.1я72

Владимир Алексеевич Смирнов

**ЕГЭ 2012. МАТЕМАТИКА. ЗАДАЧА В9. СТЕРЕОМЕТРИЯ: РАССТОЯНИЯ В ПРОСТРАНСТВЕ.
РАБОЧАЯ ТЕТРАДЬ**

Под редакцией А. Л. Семенова и И. В. Ященко

Подписано в печать 03.08.2011 г. Формат 70 × 90 1/16. Бумага офсетная.
Печать офсетная. Печ. л. 3. Тираж 15000 экз. Заказ № 6303.

Издательство Московского центра
непрерывного математического образования.
119002, Москва, Большой Власьевский пер., д. 11. Тел. (499) 241-74-83

Отпечатано в ОАО «Можайский полиграфический комбинат».
143200, г. Можайск, ул. Мира, 93.

www.oaompk.ru, www.oaompk.ru тел.: (495) 745-84-28, (49638) 20-685

Книги издательства МЦНМО можно приобрести в магазине «Математическая книга»,
Большой Власьевский пер., д. 11. Тел. (499) 241-72-85. E-mail: biblio@mccme.ru

ISBN 978-5-94057-859-8

© Смирнов В. А., 2012.
© МЦНМО, 2012.

От редакторов серии

Прежде чем вы начнете работать с нашими тетрадями, мы хотим дать вам некоторые пояснения и советы.

Экзамен по математике в 2012 году состоит из двух частей: в первой части — 14 простых задач, в которых требуется краткий ответ (В1—В14); во второй части — 6 более сложных задач, требующих развернутого решения (С1—С6). Рабочие тетради В1—В14 организованы в соответствии со структурой первой части экзамена 2012 года и позволяют вам подготовиться к выполнению всех заданий этой части, выявить и устранить пробелы в своих знаниях. К успешно зарекомендовавшей себя серии рабочих тетрадей В1—В12 2011 года добавлены две новые тетради, соответствующие новым заданиям (по теории вероятностей и по стереометрии), и изменена нумерация остальных тетрадей.

Тем из вас, для кого главное — это набрать минимальный аттестационный балл, мы рекомендуем ориентироваться на устойчивое, безошибочное решение 8 заданий из первой части. (Хотя в реальности минимальное число заданий, которое нужно решить верно, может составить 5 или 6, но ведь вам нужно застраховаться от случайной ошибки!) Эти 8 (или больше) заданий нужно выбрать исходя из того, что вы хорошо понимаете их условия, вам знаком материал и в школе вы хорошо справлялись с аналогичными заданиями (не обязательно в курсе математики 11 класса, а на протяжении всего обучения). При этом следует в первую очередь уделять внимание тем заданиям, которые у вас уже получаются, добиваясь максимально надежного их выполнения, не ограничивая себя временем.

Те из вас, кто ориентируется на поступление в вуз, конечно, понимают, что им желательно с высокой надежностью решать все задачи части В — ведь на решение такой задачи и вписывание ответа в лист на экзамене уйдет времени меньше, чем на задачу части С, жалко будет, если вы ошибетесь и потеряете нужный балл. Вам следует добиваться уверенного выполнения всех заданий первой части, большее внимание уделяя тем задачам, которые вызывают наибольшие затруднения. Устранение пробелов в ваших знаниях поможет вам и в работе с заданиями части С. Определив время, за которое вы можете уверенно без ошибок выполнить все задания первой части, следует планировать оставшееся время на экзамене на задания второй части.

Работу с тетрадью следует начать с выполнения диагностической работы.

Затем рекомендуется прочитать решения задач, сравнить свои решения с приведенными в книге. По тем задачам, которые вызвали затруднения, следует после повторения материала по учебнику или с учителем выполнить тематические тренинги.

Для завершающего контроля готовности к выполнению заданий соответствующей позиции ЕГЭ служат диагностические работы, приведенные в конце тетради.

Работа с серией рабочих тетрадей «ЕГЭ 2012. Математика» позволит выявить и в кратчайшие сроки ликвидировать пробелы в знаниях, но не может заменить систематического повторения (изучения) курса математики!

Желаем успеха!

Введение

Данное пособие предназначено для подготовки к выполнению задания В9 ЕГЭ по математике. Его целями являются:

- показ примерной тематики и уровня трудности геометрических задач, включенных в содержание ЕГЭ;
- проверка качества знаний и умений учащихся по геометрии, их готовность к сдаче ЕГЭ;
- развитие представлений учащихся об основных геометрических фигурах и их свойствах, формирование навыков работы с рисунками;
- повышение вычислительной культуры учащихся, подготовка их к решению геометрических задач с числовыми ответами.

Пособие содержит задачи на нахождение расстояний между точками в пространстве и длин отрезков, связанных с основными пространственными фигурами. Оно проверяет уровень развития пространственных представлений учащихся, умения находить расстояния в пространстве.

Для успешного решения предлагаемых задач требуется знание основных формул для нахождения значений геометрических величин пространственных фигур, умения проводить дополнительные построения на изображениях пространственных фигур, работать с формулами, выполнять арифметические действия и преобразования числовых выражений.

Все задачи сопровождаются рисунками, позволяющими лучше понять условие, представить соответствующую геометрическую ситуацию, наметить план решения, при необходимости провести дополнительные построения и вычисления.

Вначале предлагается диагностическая работа, содержащая задачи, разбитые на семь различных типов по три задачи в каждом. Для тех, кто хочет проверить правильность решения предложенных задач или убедиться в верности полученного ответа, приводятся их решения и даются ответы. Затем, для закрепления рассмотренных методов решения задач, предлагаются тренировочные работы, каждая из которых содержит задачи одного типа.

В случае успешного решения этих задач можно переходить к выполнению заключительных самостоятельных работ, содержащих задачи разных типов. В конце пособия даны ответы ко всем задачам.

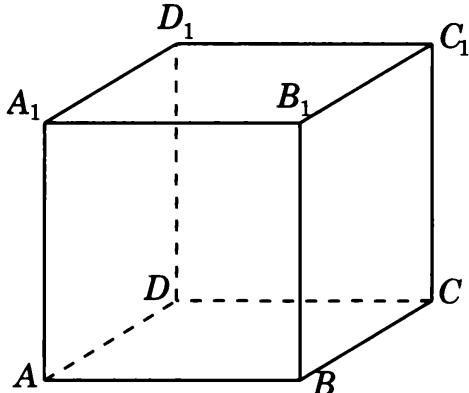
По аналогии с рассмотренными задачами можно самим придумывать и решать задачи на нахождение объемов и площадей поверхностей.

Отметим, что лучшим способом подготовки к ЕГЭ по геометрии являются систематические занятия по учебнику геометрии. Данное пособие не заменяет учебника. Оно может быть использовано в качестве дополнительного сборника задач при изучении геометрии, а также при организации обобщающего повторения или при самостоятельных занятиях по геометрии.

Диагностическая работа 1

Ответы:

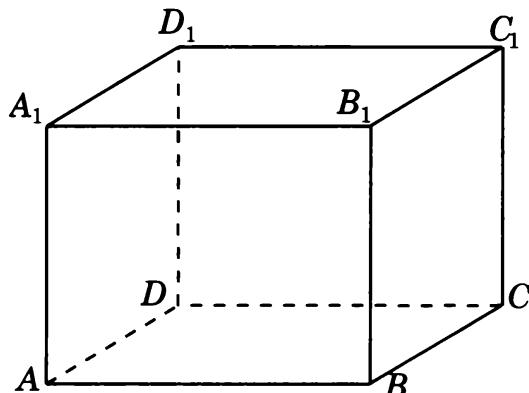
1.1. Найдите диагональ куба, все ребра которого равны $\sqrt{3}$.



1.1

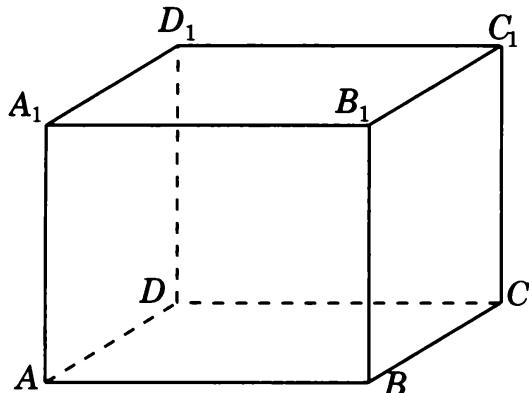
A row of eight empty white squares with black outlines, arranged horizontally.

1.2. Два ребра прямоугольного параллелепипеда, выходящие из одной вершины, равны 3 и 4, а его диагональ равна 13. Найдите третье ребро параллелепипеда, выходящее из той же вершины.



1.2

1.3. Диагональ грани прямоугольного параллелепипеда равна 3. Ребро, перпендикулярное этой грани, равно 4. Найдите диагональ параллелепипеда.



1.3

A decorative horizontal border consisting of a series of rectangular frames, each containing a small vertical element.

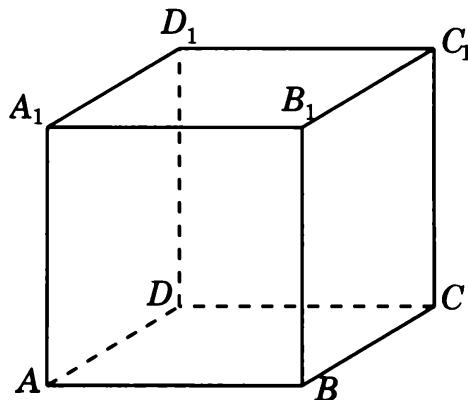
Образец написания:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 - ,

Ответы:

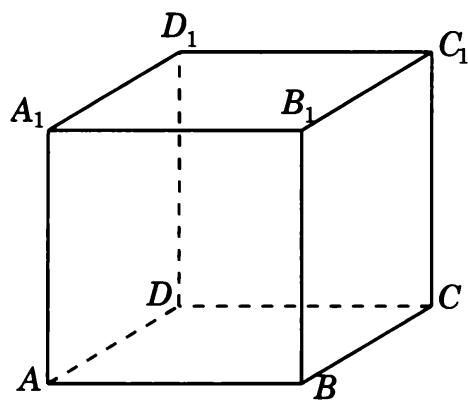
2.1

- 2.1. Основанием прямой четырехугольной призмы является ромб со стороной 3 и острым углом 60° . Боковое ребро равно 4. Найдите меньшую диагональ призмы.



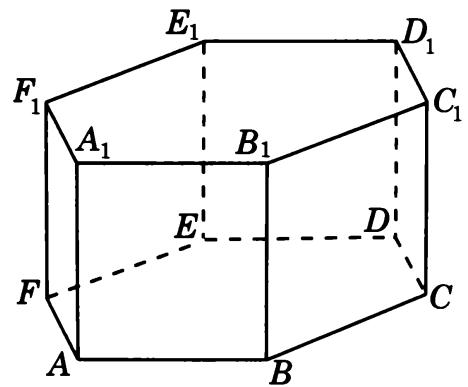
2.2

- 2.2. Диагональ правильной четырехугольной призмы равна 4 и наклонена к плоскости основания под углом 30° . Найдите боковое ребро призмы.



2.3

- 2.3. В правильной шестиугольной призме $A \dots F_1$, все ребра которой равны 1, найдите расстояние между вершинами A и C_1 .

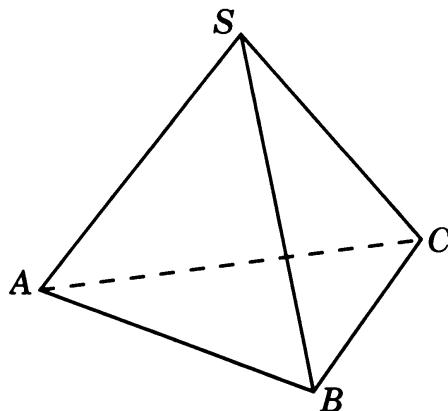


Образец написания:

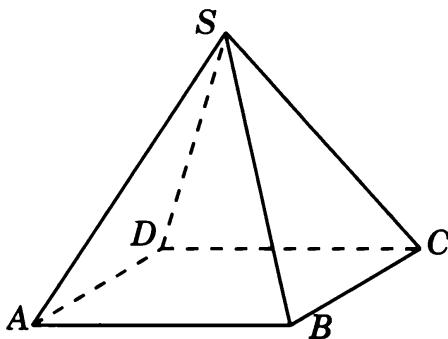
1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 -, .

Ответы:

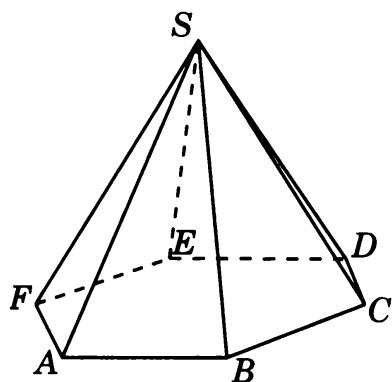
- 3.1. Радиус окружности, описанной около основания правильной треугольной пирамиды равен 3. Боковое ребро равно 5. Найдите высоту пирамиды.



- 3.2. Диагональ основания правильной четырехугольной пирамиды равна 6, высота равна 4. Найдите боковое ребро пирамиды.



- 3.3. Высота правильной шестиугольной пирамиды равна 5. Боковое ребро наклонено к плоскости основания под углом 30° . Найдите боковое ребро пирамиды.



3.1

3.2

3.3

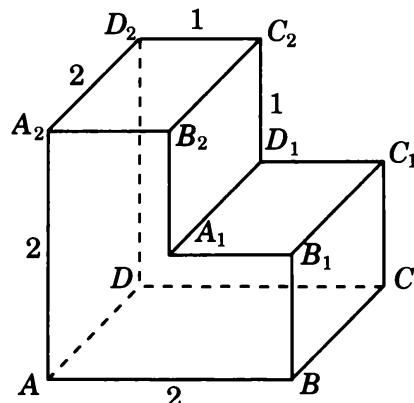
Образец написания:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 – ,

Ответы:

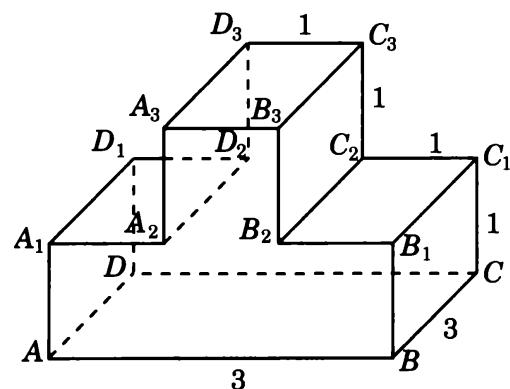
4.1

4.1. Найдите квадрат расстояния между вершинами A и A_1 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



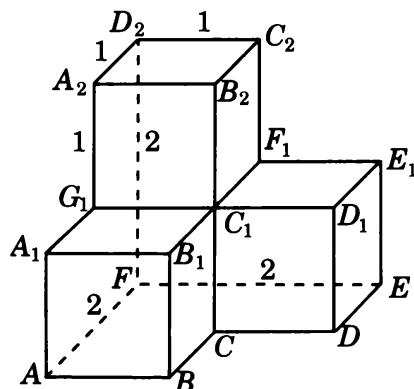
4.2

4.2. Найдите квадрат расстояния между вершинами B и D_1 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



4.3

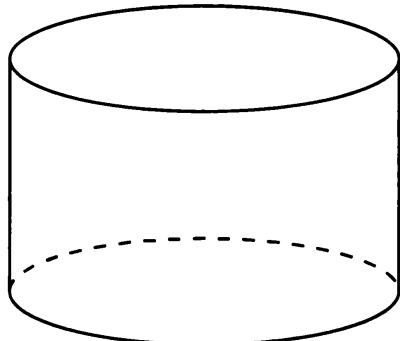
4.3. Найдите квадрат расстояния между вершинами C и D_2 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



Образец написания:

Ответы:

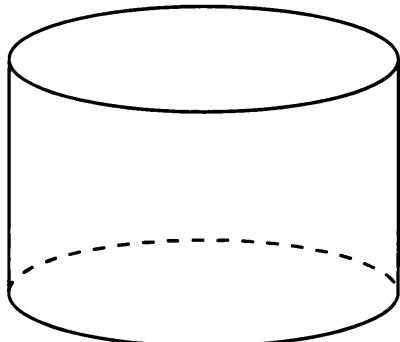
5.1. Радиус основания цилиндра равен 4, диагональ осевого сечения равна 10. Найдите образующую цилиндра.



5.1

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

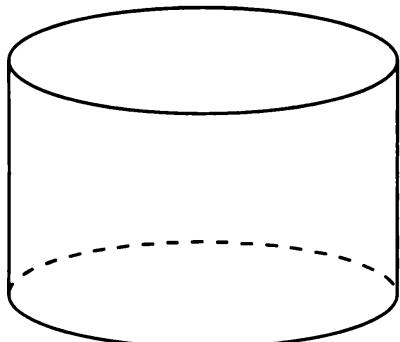
5.2. Образующая цилиндра равна 3. Диагональ осевого сечения наклонена к плоскости основания цилиндра под углом 45° . Найдите радиус основания цилиндра.



5.2

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

5.3. Радиус основания цилиндра равен 3. Диагональ осевого сечения цилиндра наклонена к плоскости основания цилиндра под углом 60° . Найдите диагональ осевого сечения.



5.3

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

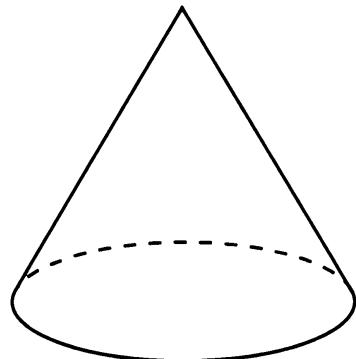
Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

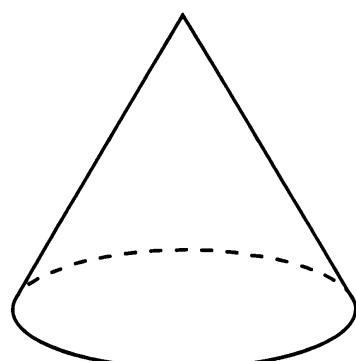
6.1

- 6.1. Радиус основания конуса равен 6, образующая равна 10.
Найдите высоту конуса.



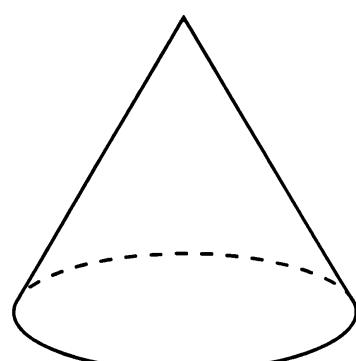
6.2

- 6.2. Образующая конуса равна 5, высота равна 3. Найдите радиус основания конуса.



6.3

- 6.3. Высота конуса равна 4. Образующая наклонена к плоскости основания под углом 30° . Найдите образующую конуса.

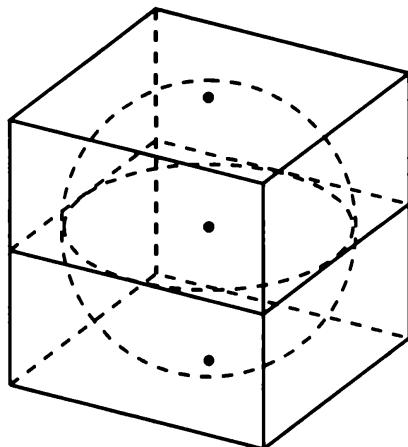


Образец написания:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 -,

Ответы:

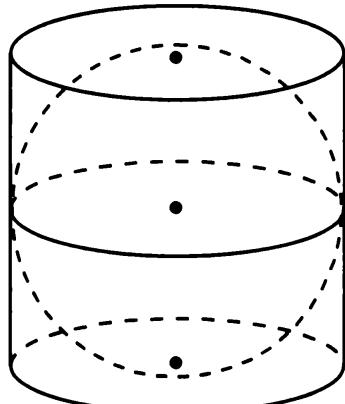
7.1. Найдите радиус сферы, вписанной в куб, ребра которого равны 4.



7.1

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

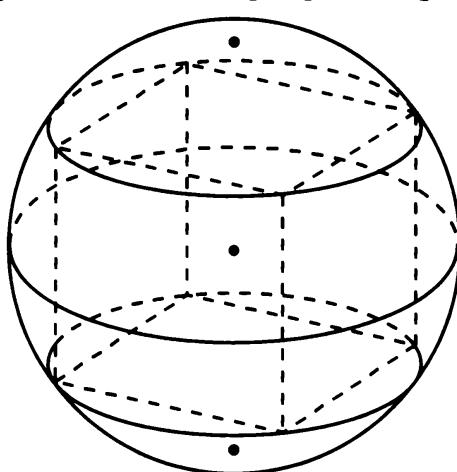
7.2. Найдите образующую цилиндра, описанного около сферы радиуса 3.



7.2

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

7.3. Найдите квадрат диаметра сферы, описанной около прямоугольного параллелепипеда, ребра которого равны 3, 4, 5.



7.3

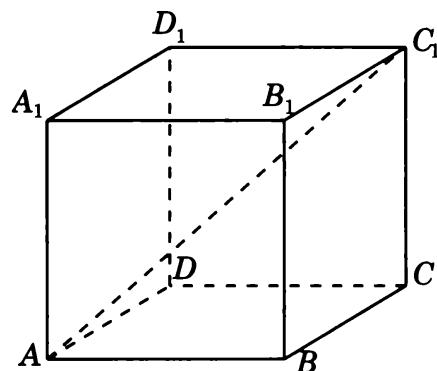
<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

Образец написания:

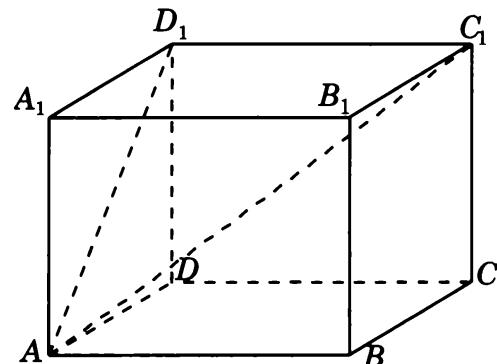
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Решения задач 1.1—1.3 диагностической работы 1

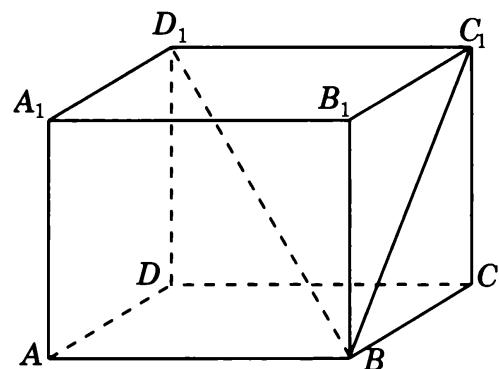
1.1. Если ребро куба равно a , то его диагональ равна $a\sqrt{3}$. Следовательно, если ребро куба равно $\sqrt{3}$, то его диагональ равна 3.



1.2. Пусть в прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ $AA_1 = 3$, $AD = 4$, $AC_1 = 13$. Тогда $AD_1 = 5$, $D_1C_1^2 = 13^2 - 25 = 144$. Следовательно, $AB = D_1C_1 = 12$.



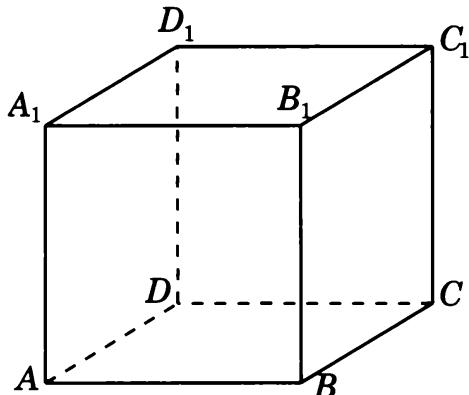
1.3. Пусть в прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ $BC_1 = 3$, $C_1D_1 = 4$. Из прямоугольного треугольника BC_1D_1 находим $BD_1 = 5$.



Ответы:

Тренировочная работа 1. Параллелепипед

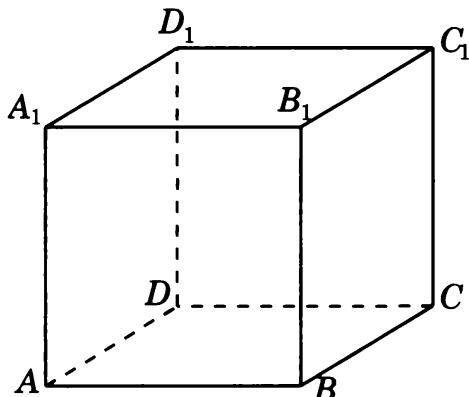
1. Найдите ребро куба, диагональ которого равна $\sqrt{3}$.



1

--	--	--	--	--	--	--	--

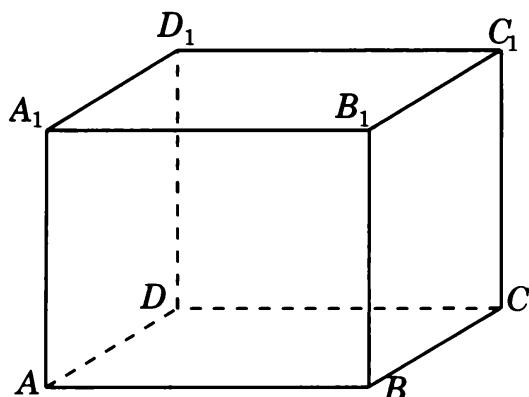
2. Найдите диагональ куба, все ребра которого равны $\sqrt{12}$.



2

--	--	--	--	--	--	--

3. Найдите диагональ прямоугольного параллелепипеда, ребра которого, выходящие из одной вершины, равны 2, 3, 6.



3

--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

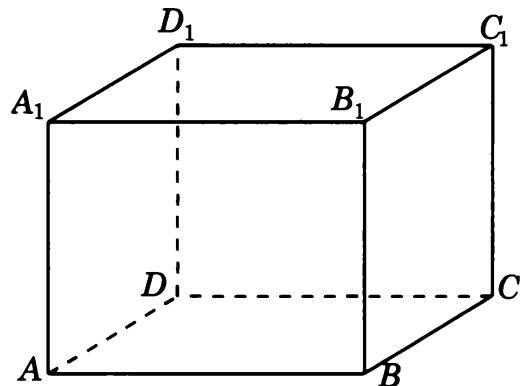
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

4

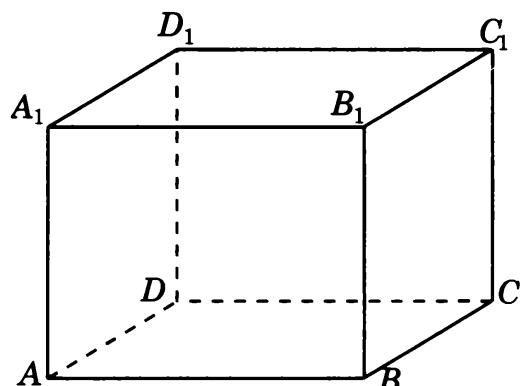
Тренировочная работа 1

4. Диагональ прямоугольного параллелепипеда равна 13. Диагональ грани равна 5. Найдите ребро, перпендикулярное этой грани.



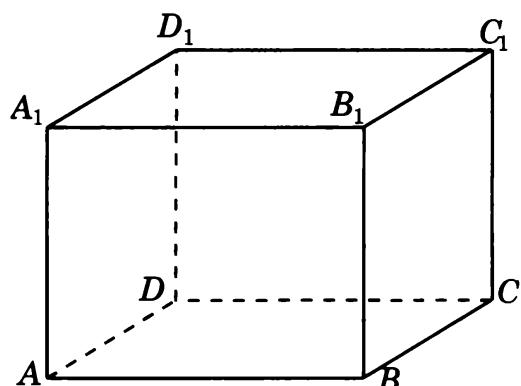
5

5. Диагональ прямоугольного параллелепипеда равна 6. Два ребра, выходящие из одной его вершины, равны 4. Найдите третье ребро параллелепипеда, выходящее из той же вершины.



6

6. Диагональ грани прямоугольного параллелепипеда равна 12. Ребро, перпендикулярное этой грани, равно 5. Найдите диагональ параллелепипеда.



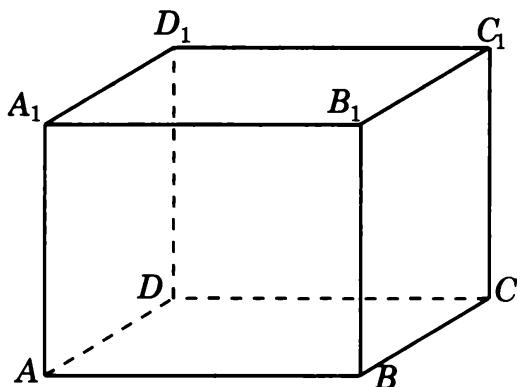
Образец написания:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 - ,

Тренировочная работа 1

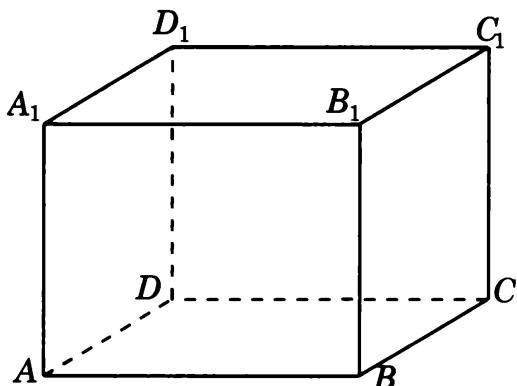
Ответы:

7. Диагональ прямоугольного параллелепипеда равна 12 и наклонена к плоскости его грани под углом 30° . Найдите ребро параллелепипеда, перпендикулярное плоскости этой грани.



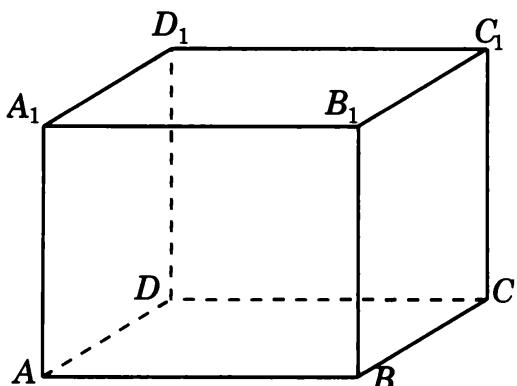
7

8. Диагональ прямоугольного параллелепипеда равна $\sqrt{8}$ и наклонена к плоскости его грани под углом 45° . Найдите ребро параллелепипеда, перпендикулярное плоскости этой грани.



8

9. Найдите диагональ прямоугольного параллелепипеда, если она наклонена к его грани под углом 60° , а стороны этой грани равны 3 и 4.



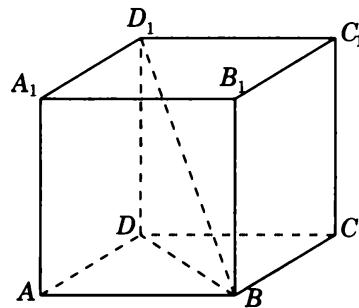
9

Образец написания:

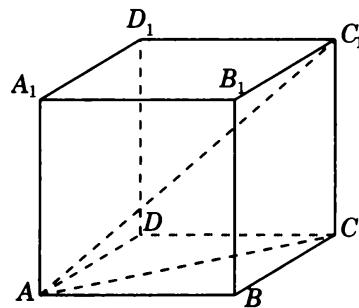
1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 -, .

Решения задач 2.1—2.3 диагностической работы 1

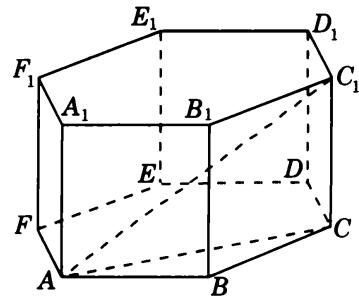
2.1. Пусть основанием правильной четырехугольной призмы $ABCDA_1B_1C_1D_1$ является ромб $ABCD$ со стороной 3, $\angle A = 60^\circ$, боковое ребро равно 4. Тогда BD_1 является меньшей диагональю призмы. В прямоугольном треугольнике BDD_1 $BD = 3$, $DD_1 = 4$. Следовательно, $BD_1 = 5$.



2.2. Пусть диагональ AC_1 правильной четырехугольной призмы $ABCDA_1B_1C_1D_1$ равна 4 и наклонена к плоскости основания под углом 30° . В прямоугольном треугольнике ACC_1 $AC = 4$, $\angle A = 30^\circ$. Следовательно, искомое боковое ребро CC_1 равно 2.



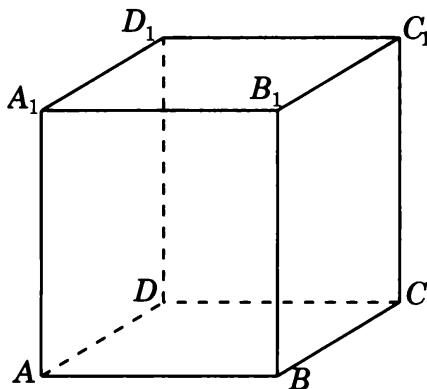
2.3. Пусть в правильной шестиугольной призме $A \dots F_1$ все ребра равны 1. Тогда $AC = \sqrt{3}$. В прямоугольном треугольнике ACC_1 $AC = \sqrt{3}$, $CC_1 = 1$. Следовательно, $AC_1 = 2$.



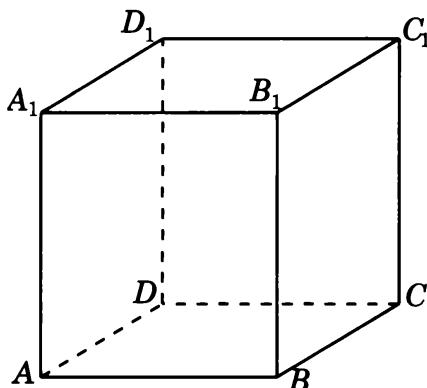
Ответы:

Тренировочная работа 2. Призма

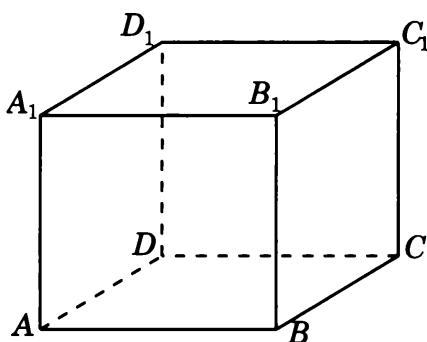
1. Основанием прямой четырехугольной призмы является ромб со стороной 2 и острым углом 60° . Боковое ребро равно 2. Найдите большую диагональ призмы.



2. Основанием прямой четырехугольной призмы является ромб с углом 120° . Боковое ребро призмы равно 4, а ее большая диагональ равна 8. Найдите сторону основания призмы.



3. Диагональ правильной четырехугольной призмы наклонена к плоскости основания под углом 30° , боковое ребро равно 3. Найдите диагональ призмы.



1

--	--	--	--	--	--	--	--

2

--	--	--	--	--	--	--	--

3

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

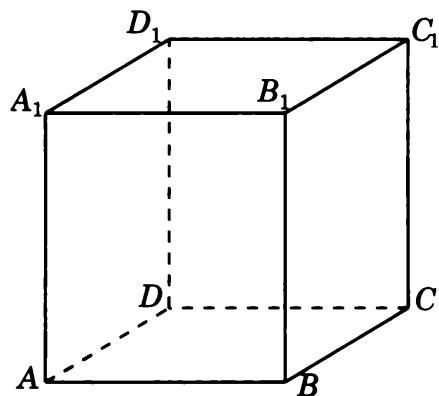
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

4

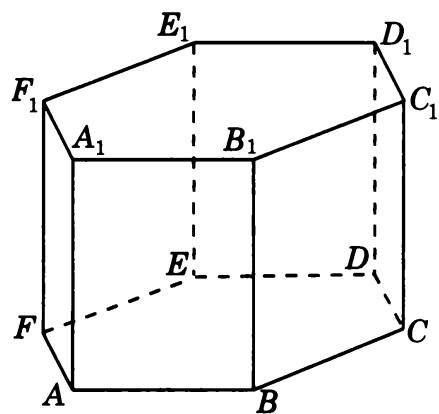
Тренировочная работа 2

4. Диагональ правильной четырехугольной призмы наклонена к плоскости основания под углом 45° . Боковое ребро равно 5. Найдите диагональ основания призмы.



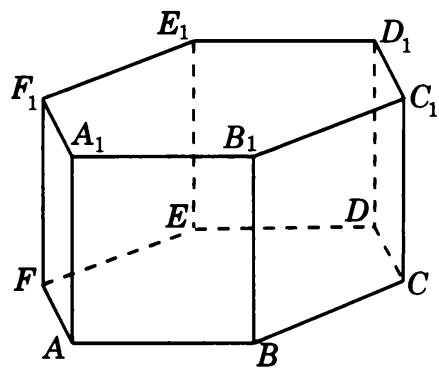
5

5. Стороны основания правильной шестиугольной призмы $A \dots F_1$ равны 3, боковые ребра равны 8. Найдите расстояние между вершинами A и D_1 .



6

6. Боковые ребра правильной шестиугольной призмы $A \dots F_1$ равны 2, диагональ AC_1 равна 4. Найдите сторону основания призмы.



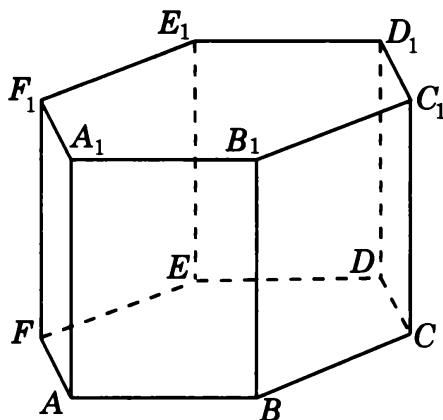
Образец написания:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 - ,

Тренировочная работа 2

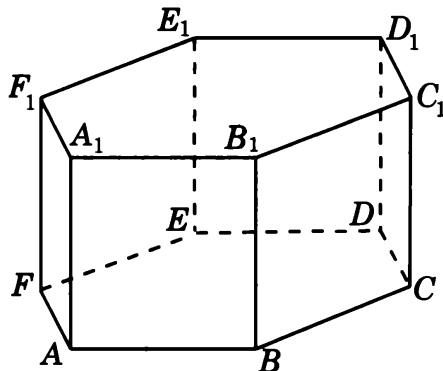
Ответы:

7. Расстояние между вершинами A и D_1 правильной шестиугольной призмы $A \dots F_1$ равно 5, стороны основания равны 2. Найдите боковое ребро призмы.



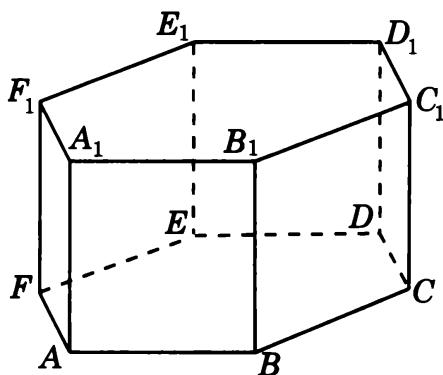
7

8. Расстояние между вершинами A и D_1 правильной шестиугольной призмы $A \dots F_1$ равно 10, боковые ребра равны 6. Найдите сторону основания призмы.



8

9. Диагональ AD_1 правильной шестиугольной призмы $A \dots F_1$ равна 6 и наклонена к плоскости основания под углом 30° . Найдите боковое ребро призмы.

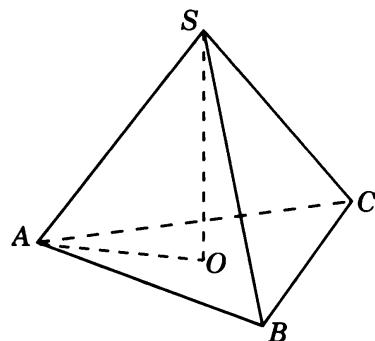


9

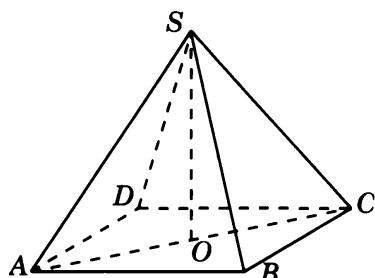
Образец написания:

Решения задач 3.1—3.3 диагностической работы 1

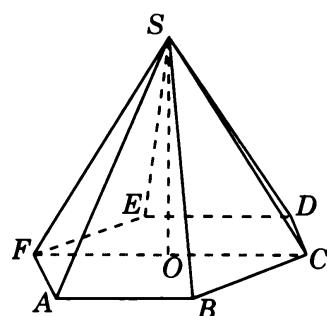
3.1. Пусть радиус окружности, описанной около основания ABC правильной треугольной пирамиды $SABC$ равен 3, боковое ребро равно 5, SO — высота пирамиды. В прямоугольном треугольнике SOA $AO = 3$, $SA = 5$. Следовательно, $SO = 4$.



3.2. Пусть диагональ AC основания правильной четырехугольной пирамиды $SABCD$ равна 6, высота SO равна 4. В прямоугольном треугольнике AOS $AO = 3$, $SO = 4$. Следовательно, боковое ребро SA пирамиды равно 5.



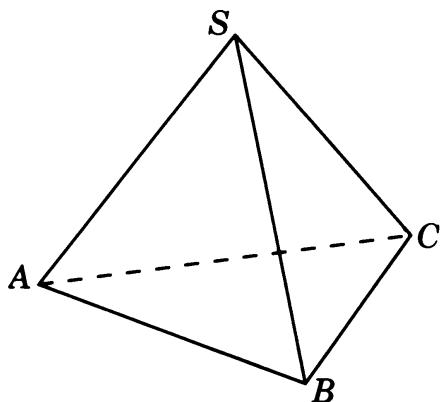
3.3. Пусть высота SO правильной шестиугольной пирамиды $SABCDEF$ равна 5. Боковое ребро SC наклонено к плоскости основания под углом 30° . В прямоугольном треугольнике SOC $SO = 5$, $\angle C = 30^\circ$. Следовательно, искомое боковое ребро SC равно 10.



Ответы:

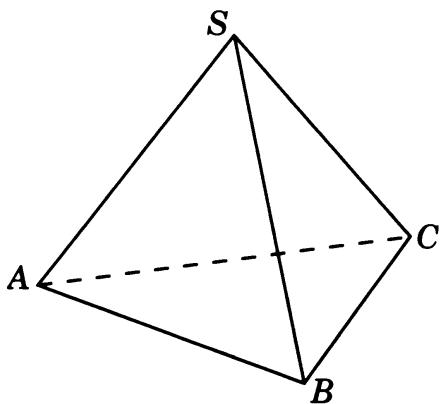
Тренировочная работа 3. Пирамида

1. Радиус окружности, описанной около основания правильной треугольной пирамиды равен 3. Высота пирамиды равна 4. Найдите боковое ребро пирамиды.



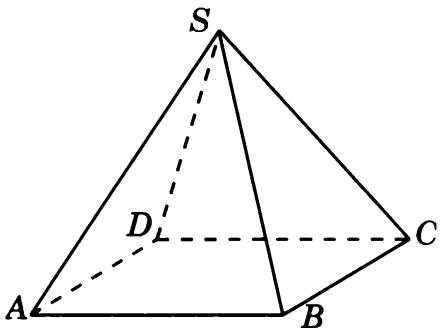
1

2. Боковое ребро правильной треугольной пирамиды равно 6 и наклонено к плоскости основания под углом 30° . Найдите высоту пирамиды.



2

3. Высота правильной четырехугольной пирамиды равна 4. Боковое ребро равно 5. Найдите диагональ основания пирамиды.



3

Образец написания:

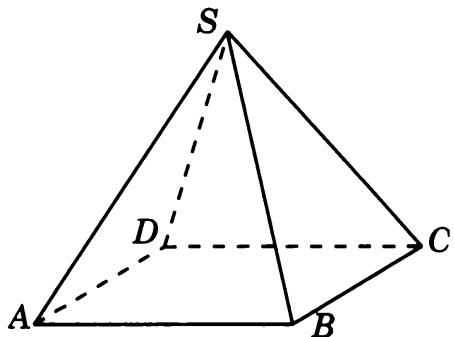
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

4

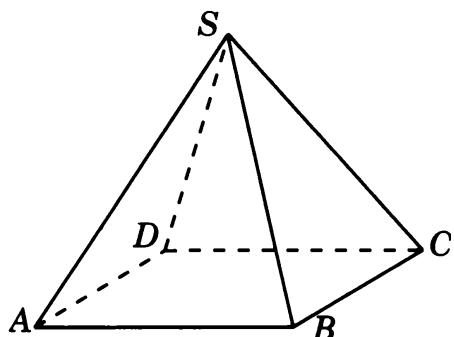
Тренировочная работа 3

4. Высота правильной четырехугольной пирамиды равна 4. Боковое ребро наклонено к плоскости основания под углом 30° . Найдите боковое ребро пирамиды.



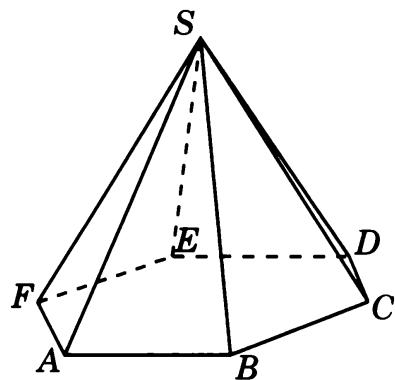
5

5. Диагональ основания правильной четырехугольной пирамиды равна 6. Боковое ребро равно 5. Найдите высоту пирамиды.



6

6. Сторона основания правильной шестиугольной пирамиды равна 3. Высота равна 4. Найдите боковое ребро пирамиды.

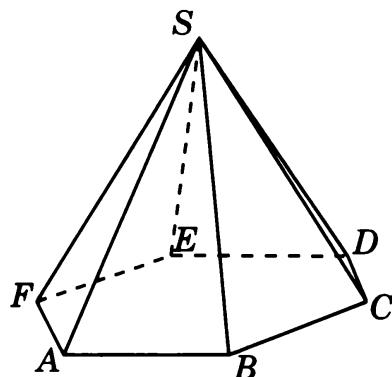


Образец написания:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 - ,

Тренировочная работа 3

7. Сторона основания правильной шестиугольной пирамиды равна 6. Боковое ребро равно 10. Найдите высоту пирамиды.

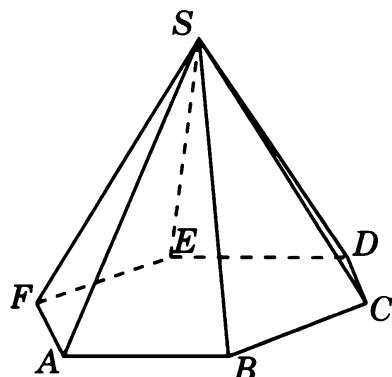


Ответы:

7

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

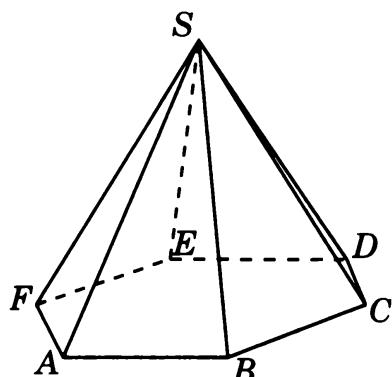
8. Высота правильной шестиугольной пирамиды равна 4. Боковое ребро равно 5. Найдите сторону основания пирамиды.



8

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

9. Боковое ребро правильной шестиугольной пирамиды равно 12 и наклонено к плоскости основания под углом 60° . Найдите сторону основания пирамиды.



9

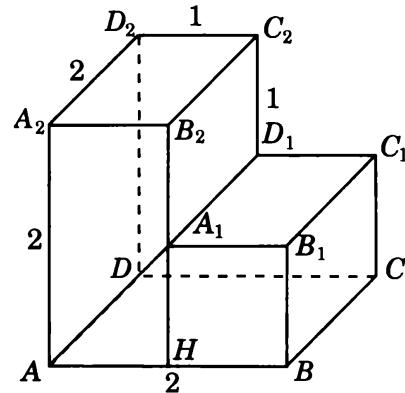
<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

Образец написания:

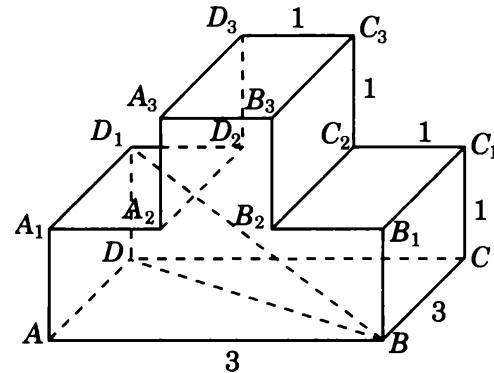
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Решения задач 4.1—4.3 диагностической работы 1

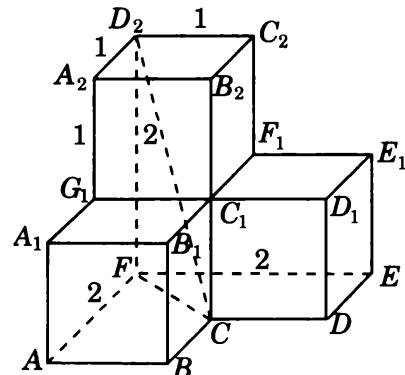
4.1. Из точки A_1 опустим перпендикуляр A_1H на прямую AB . В прямоугольном треугольнике AHA_1 $AH = 1$, $A_1H = 1$. Следовательно, $AA_1^2 = 2$.



4.2. В прямоугольном треугольнике BDD_1 $BD^2 = 18$, $DD_1 = 1$. Следовательно, $BD_1^2 = 19$.



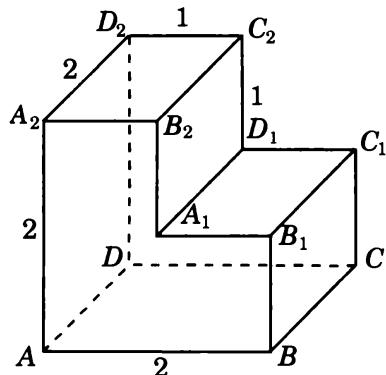
4.3. В прямоугольном треугольнике CFD_2 $CF^2 = 2$, $FD_2 = 2$. Следовательно, $CD_2^2 = 6$.



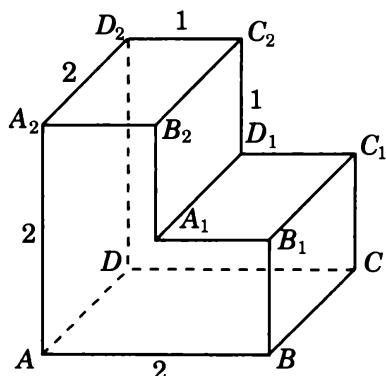
Ответы:

Тренировочная работа 4. Многогранники

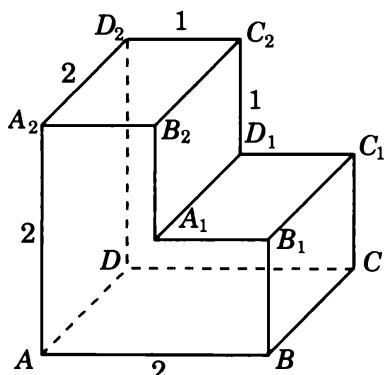
1. Найдите квадрат расстояния между вершинами A и B_1 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



2. Найдите расстояние между вершинами A и C_1 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



3. Найдите квадрат расстояния между вершинами A и D_1 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



1

2

3

Образец написания:

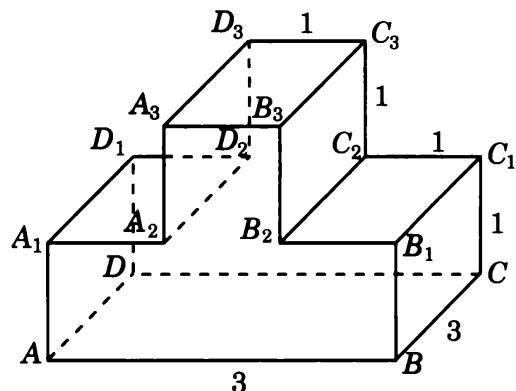
1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 -,

Ответы:

4

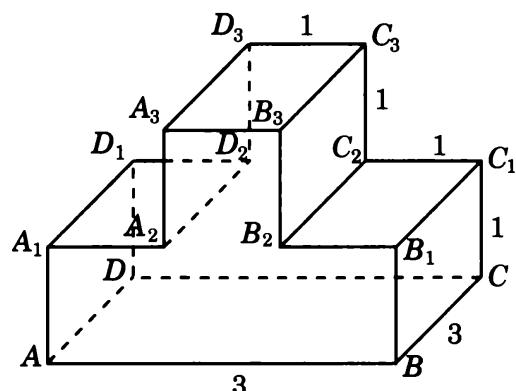
Тренировочная работа 4

4. Найдите квадрат расстояния между вершинами B и C_2 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



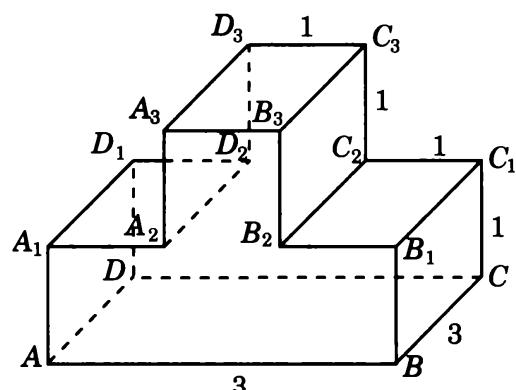
5

5. Найдите квадрат расстояния между вершинами B и D_2 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



6

6. Найдите квадрат расстояния между вершинами B и D_3 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



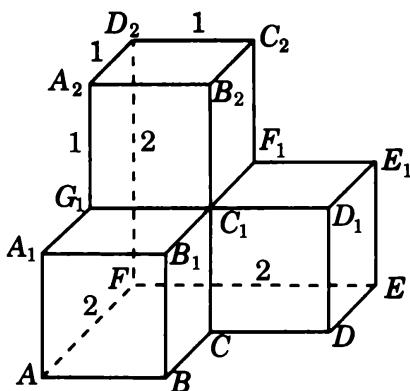
Образец написания:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 - ,

Тренировочная работа 4

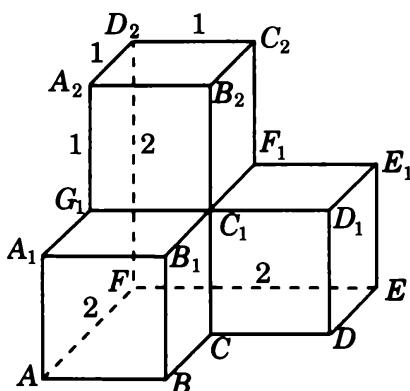
Ответы:

7. Найдите квадрат расстояния между вершинами C и E_1 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



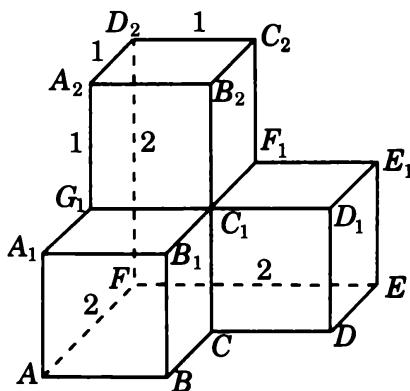
7

8. Найдите квадрат расстояния между вершинами D и C_2 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



8

9. Найдите расстояние между вершинами D и D_2 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



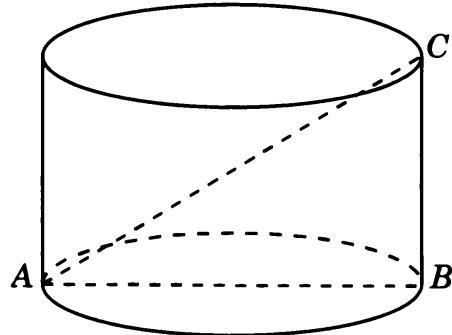
9

Образец написания:

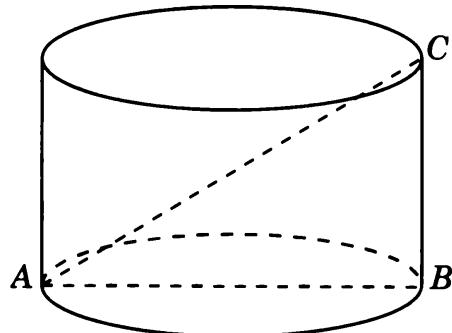
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Решения задач 5.1—5.3 диагностической работы 1

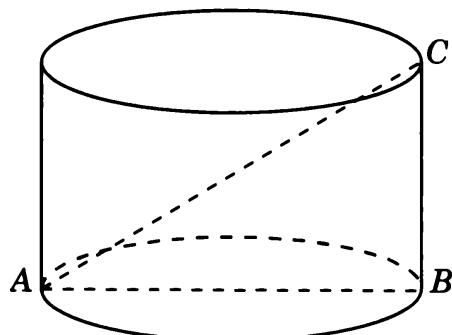
5.1. Пусть AB — диаметр основания цилиндра, AC — диагональ осевого сечения. В прямоугольном треугольнике ABC $AB = 8$, $AC = 10$. Следовательно, искомая образующая BC равна 6.



5.2. Пусть AB — диаметр основания цилиндра, AC — диагональ осевого сечения. В прямоугольном треугольнике ABC $BC = 3$, $\angle A = 45^\circ$. Следовательно, $AB = 3$. Радиус основания цилиндра равен 1,5.



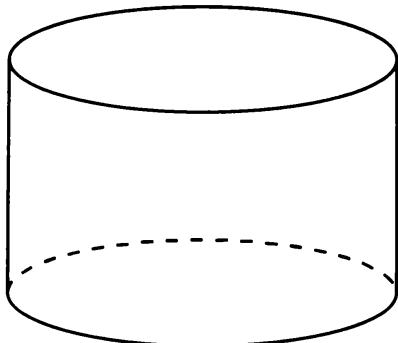
5.3. Пусть AB — диаметр основания цилиндра, AC — диагональ осевого сечения. В прямоугольном треугольнике ABC $AB = 6$, $\angle A = 60^\circ$. Следовательно, диагональ AC осевого сечения цилиндра равна 12.



Ответы:

Тренировочная работа 5. Цилиндр

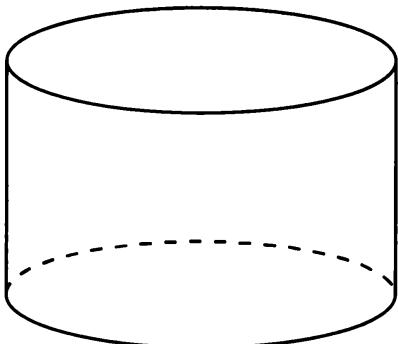
1. Радиус основания цилиндра равен 4, образующая равна 6.
Найдите диагональ осевого сечения цилиндра.



1

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

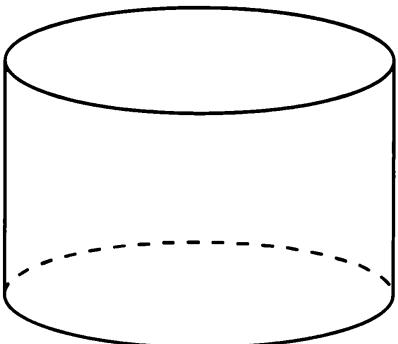
2. Диагональ осевого сечения цилиндра равна 5, высота равна 3. Найдите радиус основания цилиндра.



2

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

3. Радиус основания цилиндра равен 3, диагональ осевого сечения равна 10. Найдите образующую цилиндра.



3

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

Образец написания:

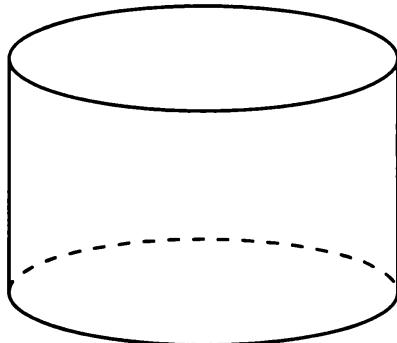
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

4

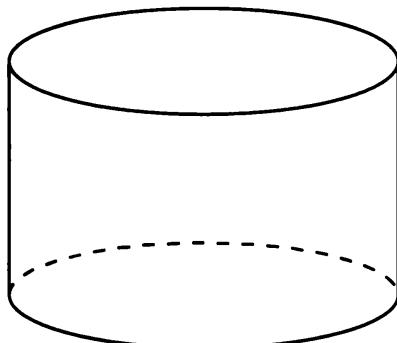
Тренировочная работа 5

4. Образующая цилиндра равна 4. Диагональ осевого сечения наклонена к плоскости основания цилиндра под углом 30° . Найдите диагональ осевого сечения цилиндра.



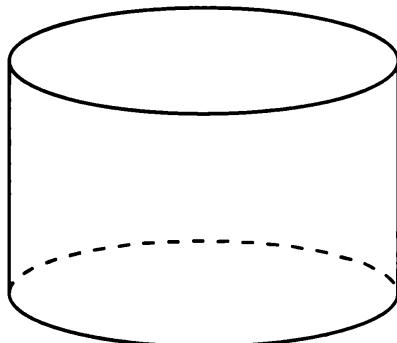
5

5. Диагональ осевого сечения цилиндра равна 6 и наклонена к плоскости основания цилиндра под углом 30° . Найдите образующую цилиндра.



6

6. Радиус основания цилиндра равен 2. Диагональ осевого сечения наклонена к плоскости основания цилиндра под углом 45° . Найдите образующую цилиндра.



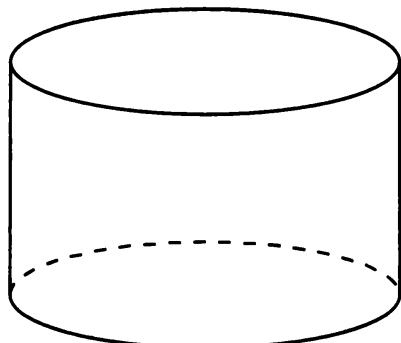
Образец написания:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 -,

Тренировочная работа 5

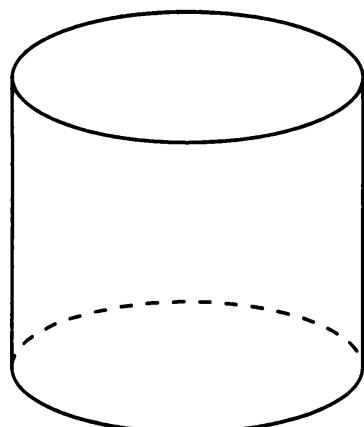
Ответы:

7. Образующая цилиндра равна 10. Диагональ осевого сечения наклонена к плоскости основания цилиндра под углом 45° . Найдите радиус основания цилиндра.



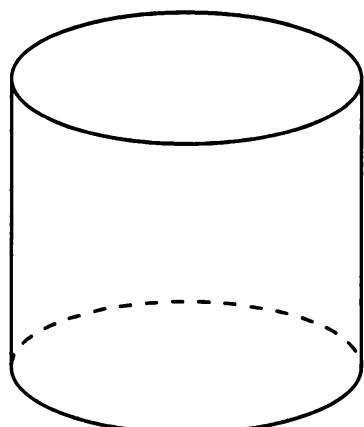
7

8. Диагональ осевого сечения цилиндра равна 6 и наклонена к плоскости основания цилиндра под углом 60° . Найдите радиус основания цилиндра.



8

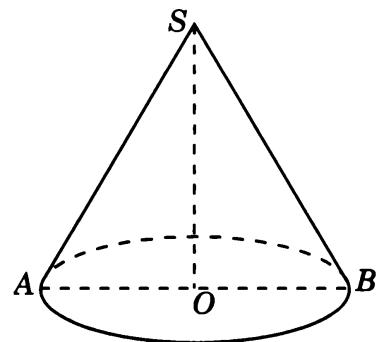
9. Радиус основания цилиндра равен 3. Найдите диагональ осевого сечения цилиндра, если она наклонена к плоскости основания цилиндра под углом 60° .



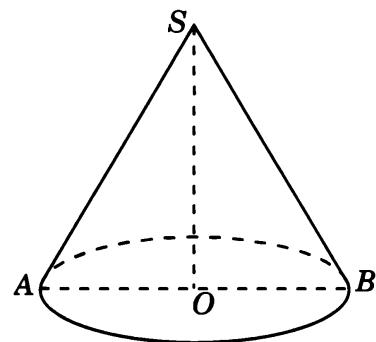
9

Решения задач 6.1—6.3 диагностической работы 1

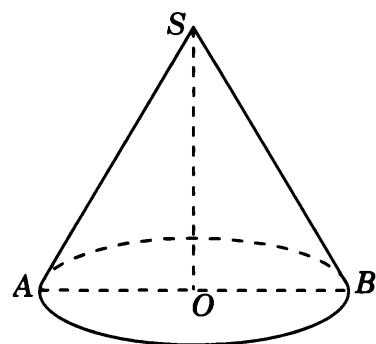
6.1. Пусть AB — диаметр основания конуса, SO — высота, SA — образующая. В прямоугольном треугольнике SOA $OA = 6$, $SA = 10$. Следовательно, искомая высота SO конуса равна 8.



6.2. Пусть AB — диаметр основания конуса, SO — высота, SA — образующая. В прямоугольном треугольнике SOA $SA = 5$, $SO = 3$. Следовательно, искомый радиус OA конуса равен 4.



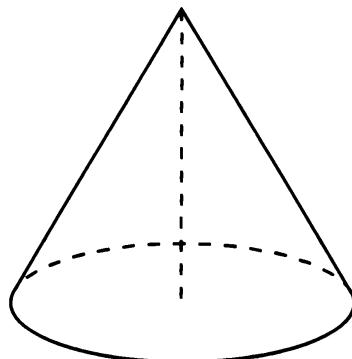
6.3. Пусть AB — диаметр основания конуса, SO — высота, SA — образующая. В прямоугольном треугольнике SOA $SO = 4$, $\angle A = 30^\circ$. Следовательно, искомая образующая SA конуса равна 8.



Ответы:

Тренировочная работа 6. Конус

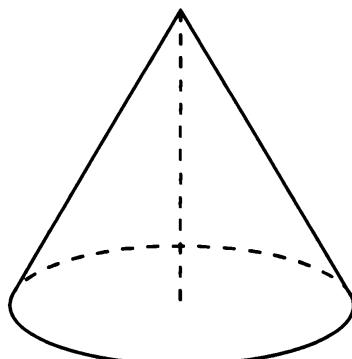
1. Диаметр основания конуса равен 10, образующая равна 13.
Найдите высоту конуса.



1

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

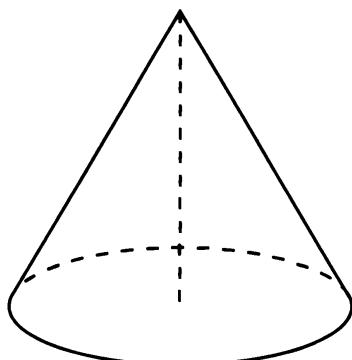
2. Радиус основания конуса равен 3, высота равна 4. Найдите образующую конуса.



2

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

3. Образующая конуса равна 10, высота равна 8. Найдите радиус основания конуса.



3

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

Образец написания:

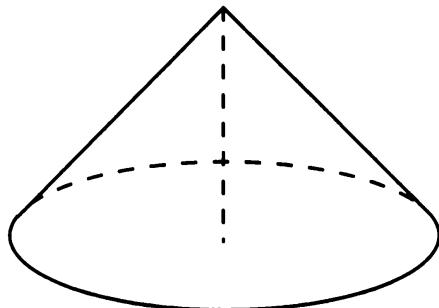
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

4

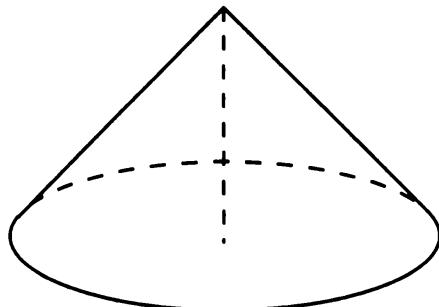
Тренировочная работа 6

4. Образующая конуса равна 10 и наклонена к плоскости основания под углом 30° . Найдите высоту конуса.



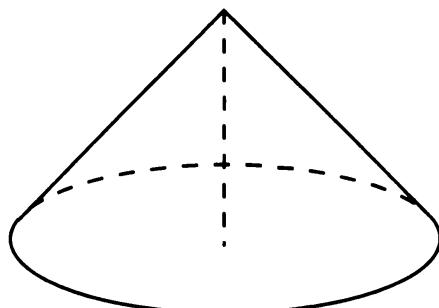
5

5. Высота конуса равна 10. Найдите образующую, если она наклонена к плоскости основания конуса под углом 30° .



6

6. Радиус основания конуса равен 3, образующая наклонена к плоскости основания под углом 45° . Найдите высоту конуса.



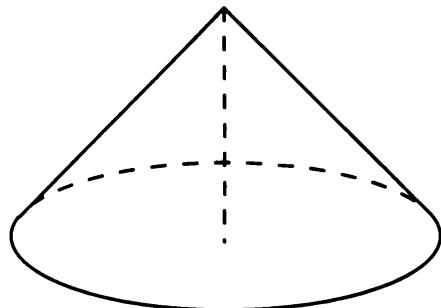
Образец написания:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 - ,

Тренировочная работа 6

Ответы:

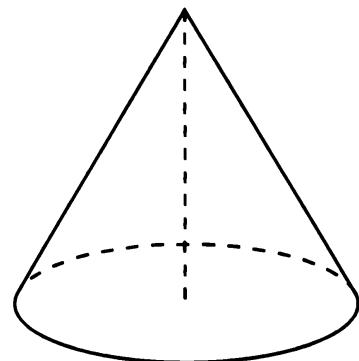
7. Высота конуса равна 6, образующая наклонена к плоскости основания под углом 45° . Найдите диаметр основания конуса.



7

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

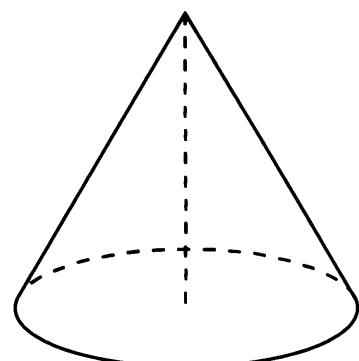
8. Образующая конуса равна 10 и наклонена к плоскости основания под углом 60° . Найдите радиус основания конуса.



8

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

9. Диаметр основания конуса равен 6. Образующая наклонена к плоскости основания под углом 60° . Найдите образующую конуса.



9

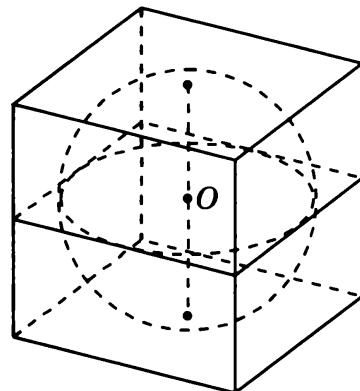
<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

Образец написания:

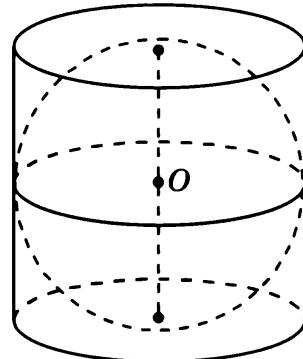
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Решения задач 7.1—7.3 диагностической работы 1

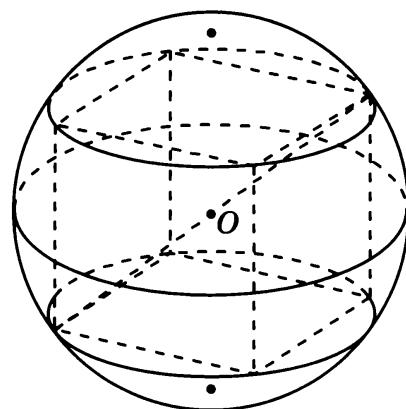
7.1. Радиус сферы, вписанной в куб, ребра которого равны 4, равен половине ребра куба, т. е. равен 2.



7.2. Образующая цилиндра, описанного около сферы радиуса 3, равна диаметру сферы, т. е. равна 6.



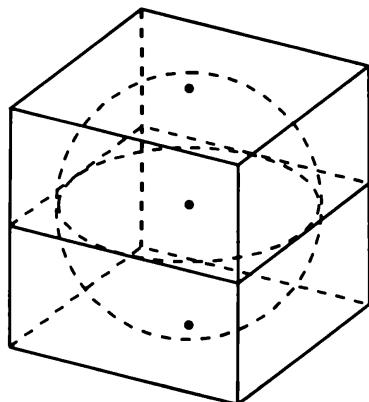
7.3. Диаметр сферы, описанной около прямоугольного параллелепипеда, равен диагонали параллелепипеда. Если ребра параллелепипеда равны 3, 4, 5, то квадрат диаметра сферы равен 50.



Ответы:

Тренировочная работа 7. Вписанные и описанные фигуры

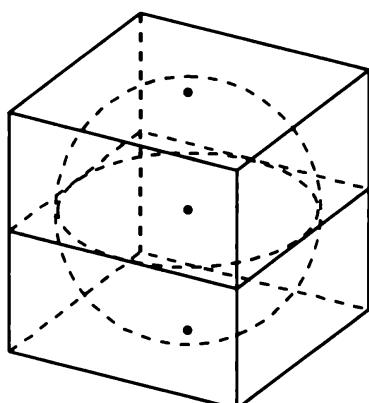
1. Найдите радиус сферы, вписанной в куб, ребра которого равны 6.



1

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

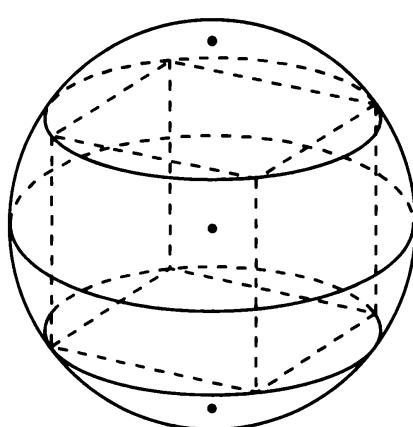
2. Найдите ребро куба, описанного около сферы, радиус которой равен 5.



2

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

3. Найдите квадрат диаметра сферы, описанной около куба, ребро которого равно 1.



3

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

Образец написания:

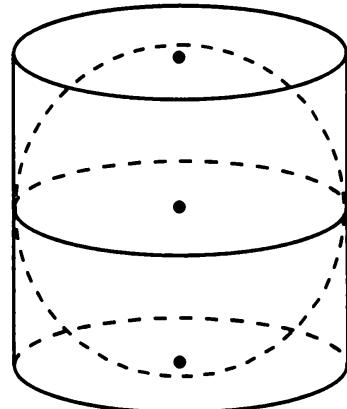
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

4

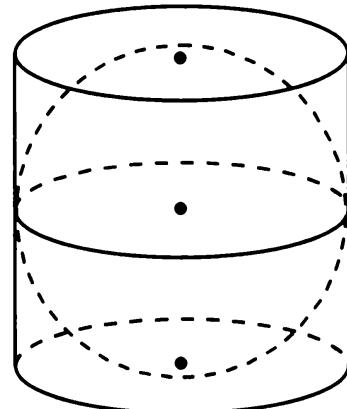
Тренировочная работа 7

4. Найдите радиус сферы, вписанной в цилиндр, образующая которого равна 12.



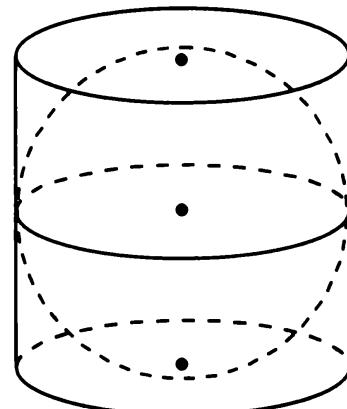
5

5. Найдите образующую цилиндра, описанного около сферы радиуса 4.



6

6. Найдите радиус основания цилиндра, описанного около сферы, если его образующая равна 10.

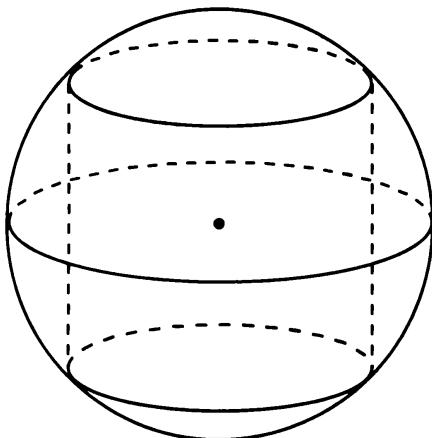


Образец написания:

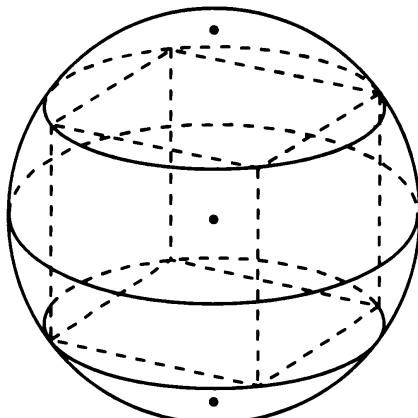
1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 -,

Тренировочная работа 7

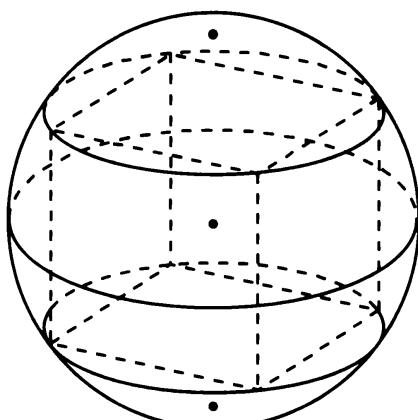
7. Найдите радиус сферы, описанной около цилиндра, радиус основания которого равен 3 и образующая равна 8.



8. Найдите диаметр сферы, описанной около прямоугольного параллелепипеда, ребра которого равны 2, 3, 6.



9. Найдите радиус сферы, описанной около параллелепипеда, диагональ грани которого равна 12, а ребро, перпендикулярное этой грани, равно 5.



Ответы:

7

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

8

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

9

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

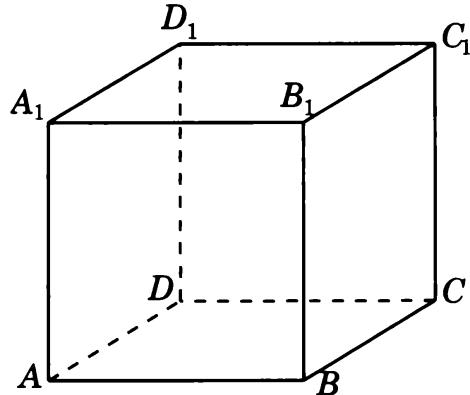
Ответы:

1

--	--	--	--	--	--	--	--

Диагностическая работа 2

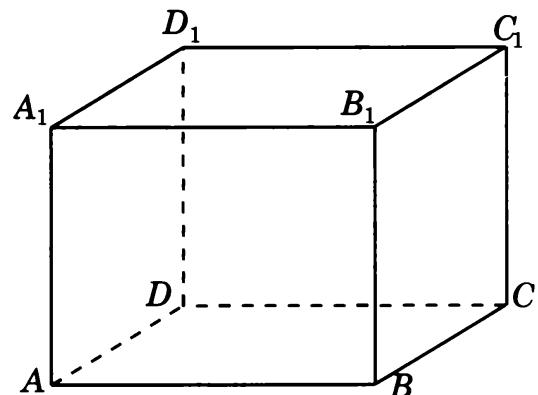
1. Найдите диагональ куба, диагональ грани которого равна $\sqrt{6}$.



2

--	--	--	--	--	--	--	--

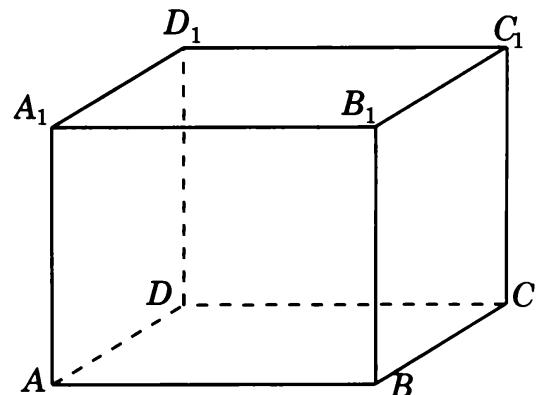
2. Два ребра прямоугольного параллелепипеда, выходящие из одной вершины, равны 2 и 3, а его диагональ равна $\sqrt{29}$. Найдите третье ребро, выходящее из той же вершины.



3

--	--	--	--	--	--	--	--

3. Диагональ грани прямоугольного параллелепипеда равна 8. Ребро, перпендикулярное этой грани, равно 6. Найдите диагональ параллелепипеда.



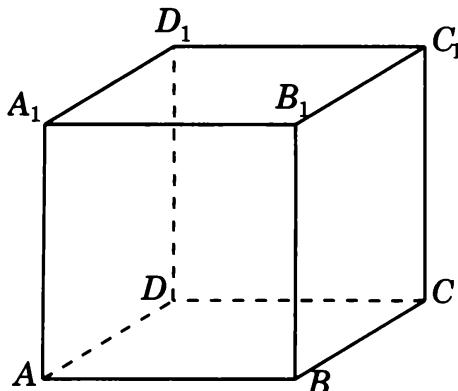
Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Тренировочная работа 7

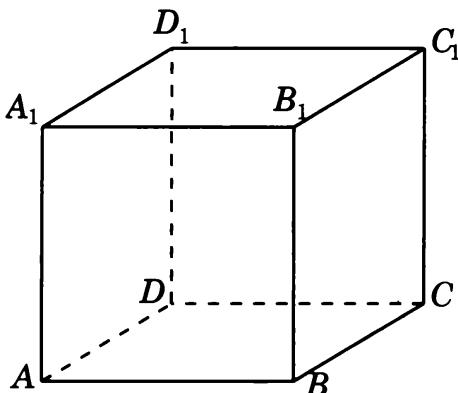
Ответы:

4. Основанием прямой четырехугольной призмы является ромб со стороной 3 и острым углом 60° . Меньшая диагональ призмы равна 5. Найдите боковое ребро.



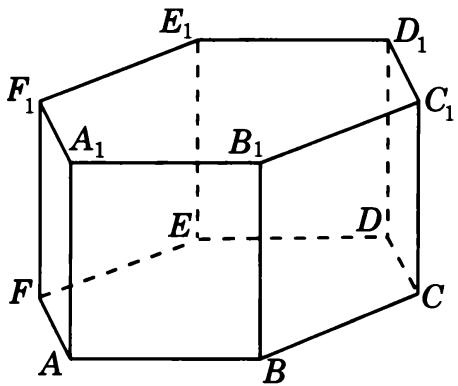
4

5. Диагональ правильной четырехугольной призмы равна $\sqrt{8}$ и наклонена к плоскости основания под углом 45° . Найдите боковое ребро призмы.



5

6. В правильной шестиугольной призме $A\dots F_1$, все ребра которой равны 2, найдите расстояние между вершинами A и C_1 .



6

Образец написания:

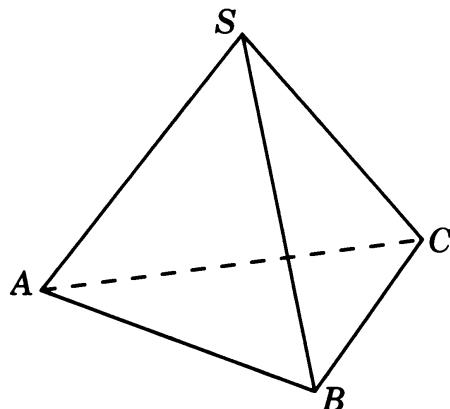
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

7

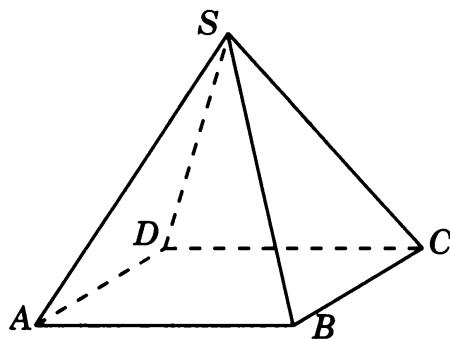
Тренировочная работа 7

7. Радиус окружности, описанной около основания правильной треугольной пирамиды равен 4. Боковое ребро равно 5. Найдите высоту пирамиды.



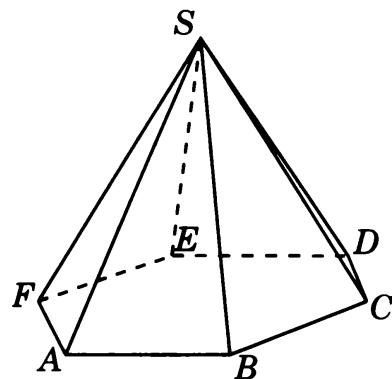
8

8. Диагональ основания правильной четырехугольной пирамиды равна 12, высота равна 8. Найдите боковое ребро пирамиды.



9

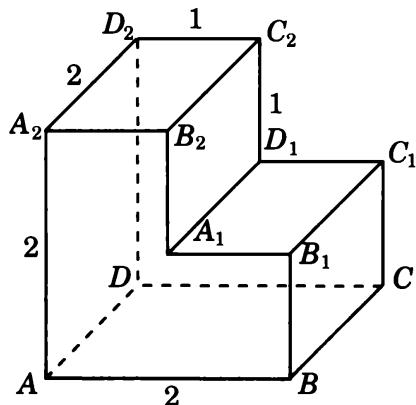
9. Боковое ребро правильной шестиугольной пирамиды равно 6 и наклонено к плоскости основания под углом 60° . Найдите радиус окружности, описанной около основания пирамиды.



Образец написания:

Тренировочная работа 7

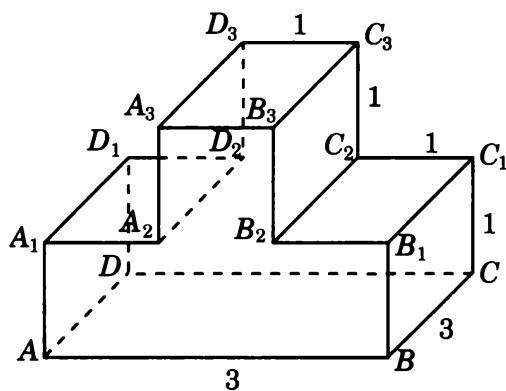
10. Найдите расстояние между вершинами A и C_2 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



Ответы:

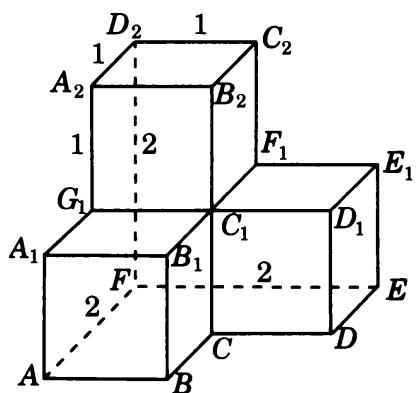
10

11. Найдите квадрат расстояния между вершинами B и C_3 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



11

12. Найдите квадрат расстояния между вершинами C и A_2 многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



12

Образец написания:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 -, .

Ответы:

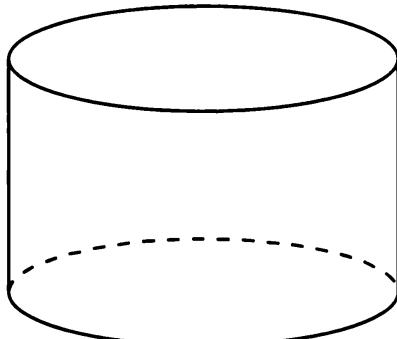
13

14

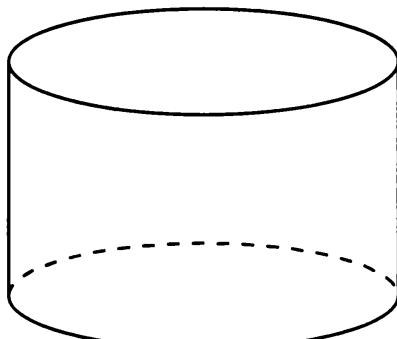
15

Тренировочная работа 7

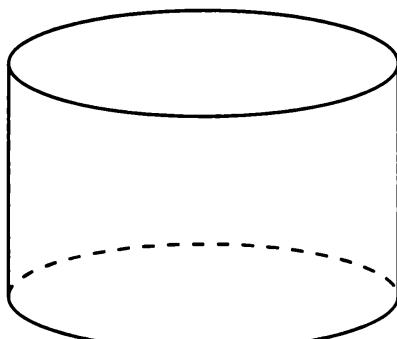
13. Радиус основания цилиндра равен 3, диагональ осевого сечения равна $6\sqrt{2}$. Найдите образующую цилиндра.



14. Образующая цилиндра равна 5. Диагональ осевого сечения наклонена к плоскости основания цилиндра под углом 45° . Найдите радиус основания цилиндра.



15. Радиус основания цилиндра равен 4. Диагональ осевого сечения цилиндра наклонена к плоскости основания цилиндра под углом 60° . Найдите диагональ осевого сечения.

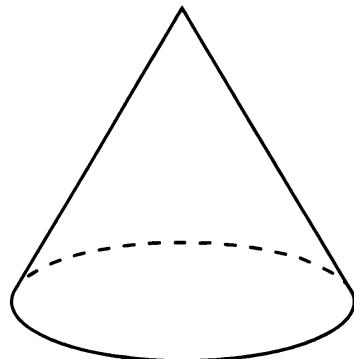


Образец написания:

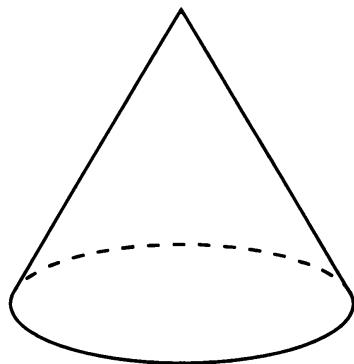
1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 - ,

Тренировочная работа 7

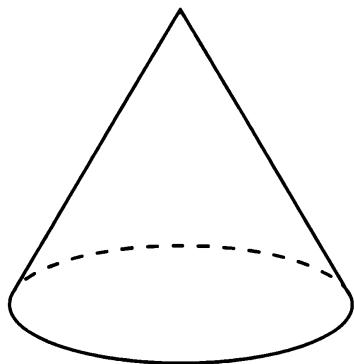
16. Радиус основания конуса равен 3, образующая равна $\sqrt{18}$. Найдите высоту конуса.



17. Образующая конуса равна 13, высота равна 12. Найдите диаметр основания конуса.



18. Высота конуса равна $3\sqrt{3}$. Образующая наклонена к плоскости основания под углом 60° . Найдите образующую конуса.



Ответы:

16

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

17

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

18

<input type="text"/>						
----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------

Образец написания:

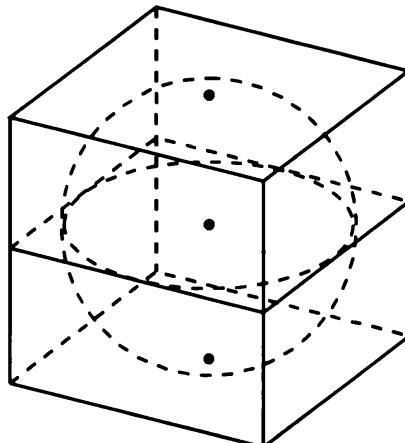
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

19

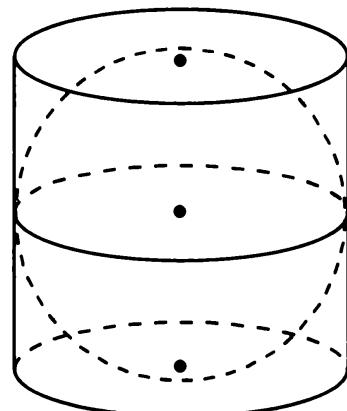
Тренировочная работа 7

19. Найдите радиус сферы, вписанной в куб, диагональ которого равна $2\sqrt{3}$.



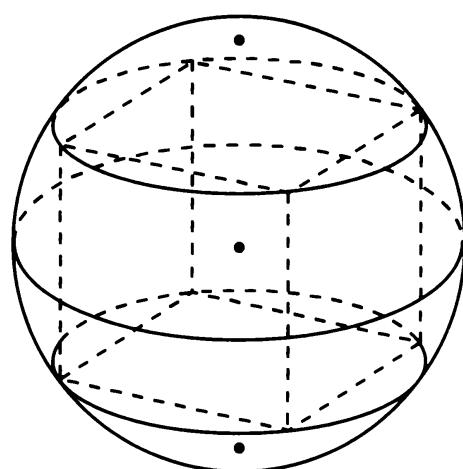
20

20. Найдите образующую цилиндра, описанного около сферы радиуса 2.



21

21. Найдите квадрат диаметра сферы, описанной около прямоугольного параллелепипеда, ребра которого равны 2, 3, 4.



Образец написания:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 - ,

Ответы

Тренировочная работа 1 Параллелепипед

1. 1. 2. 6. 3. 7. 4. 12. 5. 2. 6. 13. 7. 6. 8. 2. 9. 10.

Тренировочная работа 2 Призма

1. 4. 2. 4. 3. 6. 4. 5. 5. 10. 6. 2. 7. 3. 8. 4. 9. 3.

Тренировочная работа 3 Пирамида

1. 5. 2. 3. 3. 6. 4. 8. 5. 4. 6. 5. 7. 8. 8. 3. 9. 6.

Тренировочная работа 4 Многогранники

1. 5. 2. 3. 3. 6. 4. 11. 5. 14. 6. 17. 7. 3. 8. 6. 9. 3.

Тренировочная работа 5 Цилиндр

1. 10. 2. 2. 3. 8. 4. 8. 5. 3. 6. 4. 7. 5. 8. 1,5. 9. 12.

Тренировочная работа 6 Конус

1. 12. 2. 5. 3. 6. 4. 5. 5. 20. 6. 3. 7. 12. 8. 5. 9. 6.

Тренировочная работа 7 Вписанные и описанные фигуры

1. 3. 2. 10. 3. 3. 4. 6. 5. 8. 6. 5. 7. 5. 8. 7. 9. 6,5.

Диагностическая работа 2

**1. 3. 2. 4. 3. 10. 4. 4. 5. 2. 6. 4. 7. 3. 8. 10. 9. 3. 10. 3. 11. 14. 12. 5. 13. 6.
14. 2,5. 15. 16. 16. 3. 17. 10. 18. 6. 19. 1. 20. 4. 21. 29.**

Содержание

От редакторов серии	3
Введение	4
Диагностическая работа 1	5
Решения задач 1.1—1.3 диагностической работы 1	12
Тренировочная работа 1. Параллелепипед	13
Решения задач 2.1—2.3 диагностической работы 1	16
Тренировочная работа 2. Призма	17
Решения задач 3.1—3.3 диагностической работы 1	20
Тренировочная работа 3. Пирамида	21
Решения задач 4.1—4.3 диагностической работы 1	24
Тренировочная работа 4. Многогранники	25
Решения задач 5.1—5.3 диагностической работы 1	28
Тренировочная работа 5. Цилиндр	29
Решения задач 6.1—6.3 диагностической работы 1	32
Тренировочная работа 6. Конус	33
Решения задач 7.1—7.3 диагностической работы 1	36
Тренировочная работа 7. Вписанные и описанные фигуры	37
Диагностическая работа 2	40
Ответы	47